

Conviene antes recordar cómo se inscribe un segmento en los lados de un ángulo dado  $BVD$  de manera que su centro sea un punto  $P$  también dado (fig. 3). Sabemos que basta trazar, por ejemplo,  $PO$ , paralela al lado  $VB$ , tomar  $V'$ , simétrico de  $V$  respecto de  $O$  y unir  $P$  y  $V'$ .  $V'V''$  es la solución.

En la misma figura,  $AB$  y  $CD$  son los segmentos dados. Construimos el paralelogramo  $MM'NN'$  cuyos lados son paralelos a dichos segmentos y donde  $M$  y  $N$  son centros, respectivamente, de  $AC$  y  $ED$ . Este paralelogramo es el lugar: Todo punto  $P$  de él es centro de un segmento inscrito en  $AB$  y  $CD$ , y no lo es cualquier punto que no pertenece al paralelogramo. Para probarlo prolongaremos los lados  $M'M$  hasta  $Q$ ,  $NN'$  hasta  $R$  y tracemos  $PO$  paralela a ellos.  $C$  es simétrico de  $V$  respecto de  $Q$ , y  $D$  lo es también respecto de  $R$ . El punto simétrico de  $V$  respecto de  $O$  está, pues, en  $CD$ . De igual modo, si trazamos  $PO'$ , paralela a  $VD$ , el simétrico de  $V$  respecto de  $O'$  está en  $AB$ .

Si se trata de un punto que no pertenece al paralelogramo, alguno de los centros de simetría  $O$ ,  $O'$ , o ambos, no están respectivamente en  $QR$  y  $ST$ , y dicho punto no es, por lo tanto, del lugar.

(Continuará).

## V A R I A

### 6. Definición matemática de Emile Borel

“Si me fuera necesario resumir en una fórmula la impresión que conservo de vos estaría en situación muy embarazosa. Los elementos que caracterizan vuestra personalidad son tan numerosos que sería necesario otro Borel para resumirlos con exactitud y precisión.

Veo sin embargo en vuestra vida caracteres que le confieren una notable unidad. Estos caracteres son lo suficientemente numerosos, persistentes y precisos para que ella aparezca no como una función analítica, condicionada y determinada a través de un dominio de existencia muy simple por el comportamiento tenido en una parte infinitesimal de ese dominio; no como una función de variable real totalmente desarticulada, y cuyos valores en partes distintas del dominio de existencia no tienen relación alguna los unos con los otros; sino más bien como una función cuasianalítica, cuyo comportamiento global, claro está, está determinado por lo que es en una parte infinitesimal del dominio de existencia, pero que por otra parte es tan complicada en su trayectoria y en su recinto que sería necesaria otra función de la misma clase para seguirla en todos sus meandros.”

(Del discurso pronunciado por Gastón Julia en el jubileo de Emil Borel en enero de 1940.)